

ΠΑΝΕΛΛΗΝΙΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ Γ΄ ΤΑΞΗΣ ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ

ΦΥΣΙΚΗ
ΘΕΤΙΚΗΣ ΚΑΙ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗΣ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ

2011

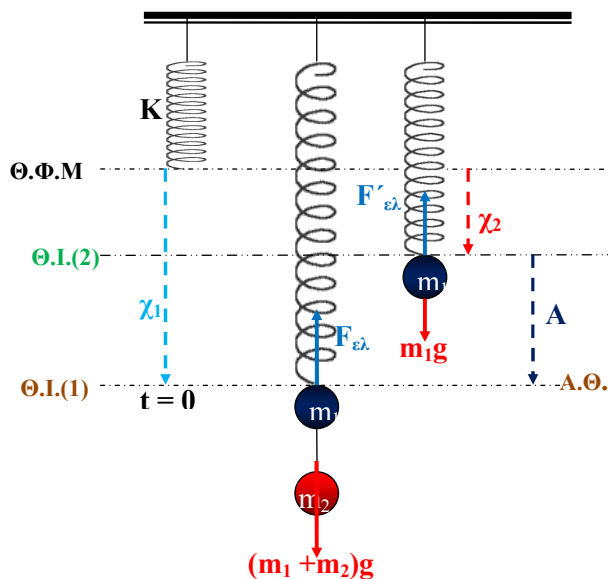
ΘΕΜΑ Α

A1.γ, A2.β, A3.γ, A4.γ, A5, αΣ, βΛ, γΣ, δΛ, εΛ

ΘΕΜΑ Β

B1. Σωστό το β.

Για το πρώτο σύστημα ελατηρίου - μάζας, έχουμε



Θ.Ι.(1) Η θέση αυτή είναι η αρχική θέση ισορροπίας όπου το σύστημα είναι ακίνητο. Στη θέση αυτή η ταχύτητα του συστήματος είναι μηδέν (ακίνητο) και την $t = 0$ το σώμα m_1 ξεκινά την κίνηση του, άρα η θέση αυτή είναι και η ακραία θέση της κίνησης του σώματος), οπότε

$$\Sigma F = 0 \quad \text{ή} \quad F_{ελ} = (m_1 + m_2)g \quad \text{ή} \\ K\chi_1 = (m_1 + m_2)g \quad (1)$$

Θ.Ι.(2) Η θέση αυτή είναι η θέση ισορροπίας της κίνησης που εκτελεί το σώμα m_1 όταν πλέον έχει αποχωριστεί από το σώμα m_2 .

$$\Sigma F = 0 \quad \text{ή} \quad F'_{ελ} = m_1g \quad \text{ή} \quad K\chi_2 = m_1g \quad (2)$$

Από τη σχέση (1) ένα έχουμε $\chi_1 = \frac{(m_1 + m_2)g}{K}$

Από τη σχέση (2) έχουμε $\chi_2 = \frac{m_1g}{K}$

Το πλάτος της ταλάντωσης που θα εκτελέσει η μάζα m_1 όπως βλέπουμε από το σχήμα είναι

$$A_1 = x_1 - x_2 \quad \text{ή} \quad A_1 = \frac{(m_1 + m_2)g}{K} - \frac{m_1 g}{K} \quad \text{ή} \quad A_1 = \frac{m_2 g}{K}$$

Ομοίως για το δεύτερο σύστημα ελατηρίου - μάζας έχουμε $A_2 = \frac{m_1 g}{K}$

Ο λόγος των ενεργειών των δύο συστημάτων είναι

$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{\frac{1}{2}KA_1^2}{\frac{1}{2}KA_2^2} = \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2 = \left(\frac{\frac{m_2 g}{K}}{\frac{m_1 g}{K}}\right)^2 \quad \text{ή} \quad \underline{\underline{\frac{E_1}{E_2} = \frac{m_2^2}{m_1^2}}}$$

B₂. Σωστό το α.

Για να έχουμε διακροτήματα θα πρέπει οι δύο τιμές της μεταβλητής συχνότητας f_1 και f_2 να είναι παραπλήσιες της σταθερής συχνότητας f . Για να συμβεί αυτό θα πρέπει για παράδειγμα να ισχύει $f > f_1$ και $f < f_2$ (μπορεί να ισχύει και το αντίστροφο). Τα διακροτήματα έχουν την ίδια συχνότητα f_δ , οπότε ισχύει

$$f_\delta = |f - f_1| \quad \text{και} \quad f_\delta = |f - f_2| \quad \text{ή}$$

$$|f - f_1| = |f - f_2| \quad \text{ή} \quad f - f_1 = f_2 - f \quad \text{ή} \quad 2f = f_1 + f_2 \quad \text{ή} \quad \underline{\underline{f = \frac{f_1 + f_2}{2}}}$$

B₃. Σωστό το α.

Από την αρχή διατήρησης της ορμής έχουμε

$$P_{\text{αρχ.}} = P_{\text{τελ.}} \quad \text{ή} \quad (m_1 + m_2)v = (m_2 + m_3)\frac{v}{3} \quad \text{ή}$$

$$(m_1 + m_2)v = (m_2 + 4m_1)\frac{v}{3} \quad \text{ή} \quad \frac{2m_2}{3} = \frac{m_1}{3} \quad \text{ή} \quad \underline{\underline{\frac{m_1}{m_2} = 2}}$$

ΘΕΜΑ Γ

Γ₁. Έχουμε $y_M = 0, 2\eta\mu 2\pi(5t - 10)$

Η εξίσωση της συμβολής είναι

$$y = A'\eta\mu 2\pi\left(\frac{t}{T} - \frac{r_1 + r_2}{2\lambda}\right)$$

(όπου $r_1 = \Pi_1 M = r_2 = \Pi_2 M$ γιατί το M βρίσκεται στη μεσοκάθετο του $\Pi_1 \Pi_2$)

Η συχνότητα των κυμάτων όπως προκύπτει από την εξίσωση που μας δίνεται $f = 5\text{Hz}$, οπότε το μήκος κύματος θα είναι

$$\lambda = \frac{v}{f} \quad \text{ή} \quad \lambda = \frac{2\text{m/s}}{5\text{Hz}} \quad \text{ή} \quad \lambda = 0,4\text{m}$$

Επίσης από την εξίσωση που μας δίνεται έχουμε

$$\frac{r_1 + r_2}{2\lambda} = 10 \quad \text{ή} \quad \frac{2r_1}{2\lambda} = 10 \quad \text{ή} \quad r_1 = 10\lambda = 10(0,4\text{m}) \quad \text{ή} \quad \underline{r_1 = 4\text{m}}$$

Γ₂. Η φάση το σημείου Μ είναι

$$\varphi_M = 2\pi(5t - 10)\text{rad}$$

Για το σημείο Ο έχουμε $r_1' = r_2' = \text{O}\Pi_1 = \text{O}\Pi_2 = 0,5\text{m}$

Η φάση το σημείου Ο είναι

$$\varphi_O = 2\pi\left(5t - \frac{r_1' + r_2'}{2\lambda}\right) \quad \text{ή} \quad \varphi_O = 2\pi\left(5t - \frac{2r_1'}{2\lambda}\right) \quad \text{ή} \quad \varphi_O = 2\pi\left(5t - \frac{5}{4}\right)\text{rad}$$

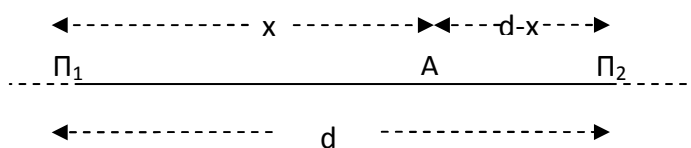
Οπότε σε κάθε χρονική στιγμή η διαφορά φάσης θα είναι

$$\Delta\varphi = \varphi_O - \varphi_M = \left[2\pi\left(5t - \frac{5}{4}\right) - 2\pi(5t - 10)\right]\text{rad} \quad \text{ή}$$

$$\underline{\underline{\Delta\varphi = \frac{35\pi}{2}}}$$

Γ₃. Έστω ένα σημείο

Α το οποίο είναι σημείο μέγιστης συμβολής.



Τότε ισχύει

$$|r_1 - r_2| = N\lambda \quad \text{ή} \quad x - d + x = N\lambda$$

$$2x - d = N\lambda \quad \text{ή} \quad x = \frac{N\lambda}{2} + \frac{d}{2} \quad \text{ή} \quad x = 0,2N + 0,5$$

οπότε έχουμε

Για $N = 0$ έχουμε $x_1 = 0,5\text{m}$, για $N = +1$ έχουμε $x_2 = 0,7\text{m}$,

για $N = -1$ έχουμε $x_3 = 0,3m$, για $N = +2$ έχουμε $x_4 = 0,9m$,

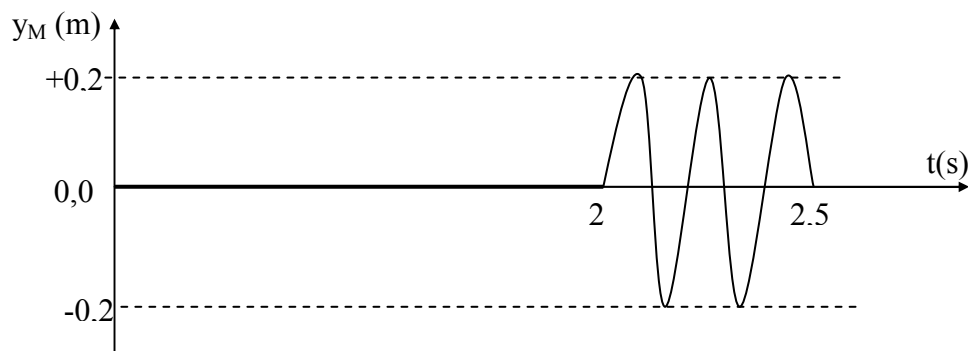
για $N = -2$ έχουμε $x_5 = 0,1m$,

Άρα έχουμε συνολικά 5 σημεία ενισχυτικής συμβολής ($N=0,-1,+1,-2,+2$)

Γ₄. Τα κύματα φτάνουν στο σημείο M μετά από χρονικό διάστημα 2s, άρα για το χρονικό διάστημα $0 < t < 2s$, το σημείο M θα είναι ακίνητο. Η περίοδος των κυμάτων είναι $T = \frac{1}{f} = 0,2s$ άρα κατά το χρονικό διάστημα $2s < t < 2,5s$ το σημείο M θα εκτελέσει 2,5 ταλαντώσεις. Η εξίσωση ταλάντωσης του σημείου M είναι

$$y_M = 0,2\eta\mu 2\pi(5t - 10)$$

και η γραφική της παράσταση για το χρονικό διάστημα $0 < t < 2,5s$ είναι



ΘΕΜΑ Δ

Δ₁.

Εάν θεωρήσουμε ότι οι μάζες που είναι συνδεδεμένες με την τροχαλία ισορροπούν, έχουμε:

$$\Sigma F_1 = 0 \quad \text{ή} \quad T_1 = m_1 g \quad \text{ή}$$

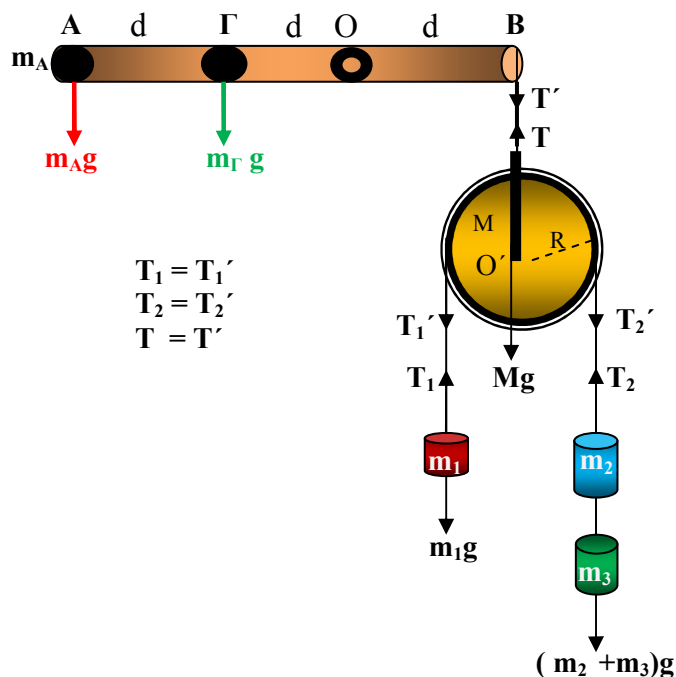
$$T_2 = (2kg)(10m/s^2) = 20N$$

και

$$\Sigma F_2 = 0 \quad \text{ή} \quad T_2 = (m_2 + m_3)g$$

ή

$$T_2 = (1kg + 1kg)(10 \frac{m}{s^2}) = 20N$$



Οπότε για την τροχαλία έχουμε:

$$\Sigma \tau = T_2 R - T_1 R = 20R - 20R = 0$$

Άρα βλέπουμε ότι η τροχαλία δεν περιστρέφεται (ισορροπεί). Εάν θεωρήσουμε ότι ισορροπεί και μεταφορικά, έχουμε

$$\Sigma F_{\text{ποχ.}} = 0 \quad \text{ή} \quad T - T_1 - T_2 - Mg = 0 \quad \text{ή}$$

$$T = 20N + 20N + (4kg)(10m/s^2) = 80N$$

Η συνισταμένη των ροπών στη ράβδο είναι

$$\Sigma \tau = m_A g(2d) + m_B g d - T d \quad \text{ή}$$

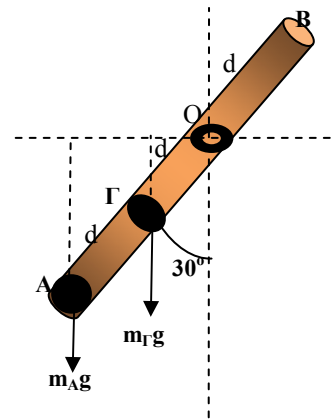
$$\Sigma \tau = (1kg)(10m/s^2)(2m) + (6kg)(10m/s^2)(1m) - (80N)(1m) \quad \text{ή} \quad \underline{\Sigma \tau = 0}$$

Άρα βλέπουμε ότι όλο το σύστημα ισορροπεί.

Δ₂. Από το θεμελιώδη νόμο της στροφικής κίνησης έχουμε:

$$\Sigma \tau = I a_{\text{γων.}} \quad \text{ή} \quad m_A g(2d) \sin 60^\circ + m_\Gamma g d \sin 60^\circ = [m_A (2d)^2 + m_\Gamma d^2] a_{\text{γων.}}$$

$$\text{ή} \quad \underline{a_{\text{γων.}} = 4 \text{ rad} / \text{s}^2}$$

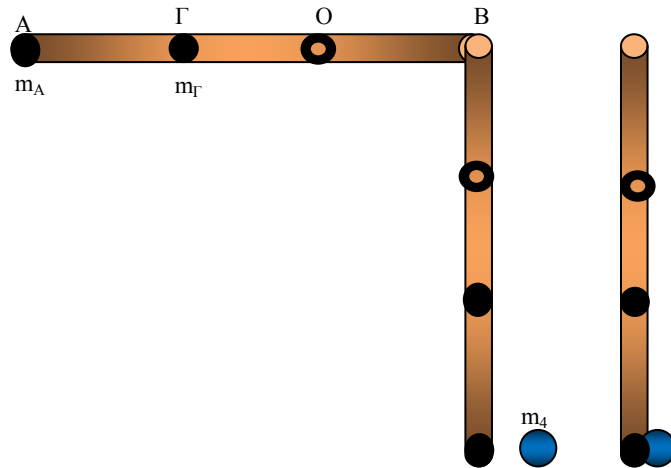


Δ₃. Η ροπή αδράνειας του συστήματος πριν και μετά την κρούση είναι:

$$I_1 = m_A (2d)^2 + m_\Gamma d^2 = 10 \text{ kgm}^2$$

$$I_2 = m_A (2d)^2 + m_\Gamma d^2 + m_4 (2d)^2 = 30 \text{ kgm}^2$$

Την γωνιακή ταχύτητα του συστήματος της ράβδου πριν την κρούση την βρίσκουμε εφαρμόζοντας την αρχή διατήρησης της μηχανικής ενέργειας, οπότε



$$E_{\text{αρχ.}} = E_{\text{τελ.}} \quad \text{ή}$$

$$U_{\text{αρχ.}} + K_{\text{αρχ.}} = U_{\text{τελ.}} + K_{\text{τελ.}}$$

$$\text{ή } U_{\text{αρχ.}} = U_{\text{τελ.}} + K_{\text{τελ.}} \quad \text{ή}$$

$$(m_A + m_G)g(2d) = m_Ggd + \frac{1}{2}I_1\omega_1^2 \quad \text{ή } \omega_1 = 4\text{rad/s}$$

Από την αρχή διατήρησης της στροφορμής έχουμε

$$L_{\text{αρχ.}} = L_{\text{τελ.}} \quad \text{ή } I_1\omega_1 = I_2\omega_2 \quad \text{ή } \omega_2 = \frac{I_1\omega_1}{I_2} \quad \text{ή } \omega_2 = \frac{4}{3}\text{rad/s}$$

Οπότε η γραμμική ταχύτητα του σημείου A είναι

$$v_A = \omega_2(2d) \quad \text{ή } v_A = \frac{8}{3}\text{m/s}$$

Δ4. Εφαρμόζοντας τον δεύτερο νόμο του Νεύτωνα για το σώμα m_1 έχουμε

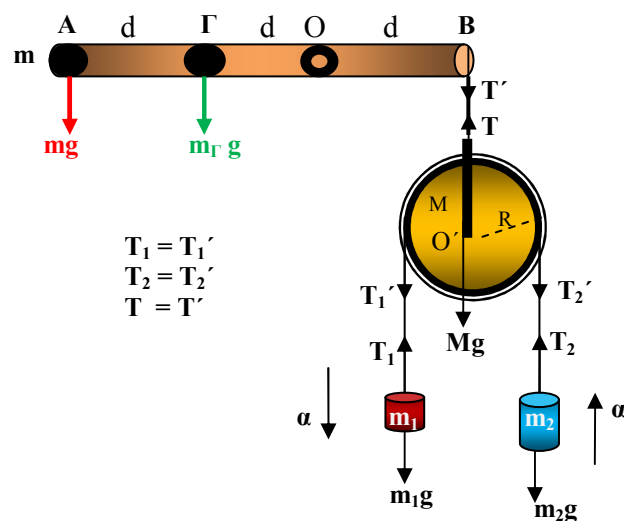
$$\Sigma F_1 = m_1a \quad \text{ή}$$

$$m_1g - T_1 = m_1a \quad (1)$$

Εφαρμόζοντας τον δεύτερο νόμο του Νεύτωνα για το σώμα m_2 έχουμε

$$\Sigma F_2 = m_2a \quad \text{ή}$$

$$T_2 - m_2g = m_2a \quad (2)$$



Εφαρμόζοντας τον θεμελιώδη νόμο της στροφικής κίνησης για την τροχαλία έχουμε

$$\Sigma \tau = I a_{\gamma\omega\nu} \quad \text{ή} \quad (T_1 - T_2)R = \frac{1}{2}MR^2 \frac{a}{R} \quad \text{ή} \quad T_1 - T_2 = \frac{Ma}{2} \quad (3)$$

Προσθέτοντας την (1) με την (2) και αντικαθιστώντας στο άθροισμα την (3) έχουμε

$$a = \frac{(m_1 - m_2)g}{m_1 + m_2 + \frac{M}{2}} \quad \text{ή} \quad a = 2m / s^2$$

Οι τάσεις του νήματος που ασκούνται στην τροχαλία είναι

$$T_1 = m_1g - m_1a = 16N \quad \text{και} \quad T_2 = m_2a + m_2g = 12N$$

Η τροχαλία μεταφορικά ισορροπεί, οπότε

$$\Sigma F = 0 \quad \text{ή} \quad T = Mg + T_1 + T_2 = 68N \quad \text{ή}$$

Από την ισορροπία της ράβδου έχουμε

$$\Sigma \tau = 0 \quad \text{ή} \quad mg(2d) + m_Tgd - Td = 0 \quad \text{ή} \quad \underline{m = 0,4kg}$$